

**КІЇВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ
ІМЕНІ ТАРАСА ШЕВЧЕНКА**

ФАКУЛЬТЕТ КОМП'ЮТЕРНИХ НАУК ТА КІБЕРНЕТИКИ

Кафедра теорії та технологій програмування

«ЗАТВЕРДЖУЮ»

Заступник декана
з навчальної роботи

_____ Кашпур О.Ф.

«____» _____ 2018 року

**РОБОЧА ПРОГРАМА НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ
ТЕОРІЯ АЛГОРИТМІВ ТА МАТЕМАТИЧНА ЛОГІКА**

для студентів

галузь знань **12 «Інформаційні технології»** (*шифр і назва*)
спеціальність **124 «Системний аналіз»**

освітній рівень *(шифр і назва спеціальності)*
бакалавр
(молодший бакалавр, бакалавр, магістр)

освітня програма **«Системний аналіз»** (*назва освітньої програми*)

вид дисципліни **обов'язкова**

Форма навчання	денна
Навчальний рік	2018/2019
Семестр	4
Кількість кредитів ECTS	4
Мова викладання, навчання та оцінювання	українська
Форма заключного контролю	іспит

Викладачі: **к.ф.-м.н., доц. Зубенко В.В.** (лекції, практичні заняття),

асистент Шишацька О.В. (практичні заняття)

Пролонговано: на 20__/20__ н.р. _____(_____
(підпис, ПІБ, дата)) «__» 20__р.
на 20__/20__ н.р. _____(_____
(підпис, ПІБ, дата)) «__» 20__р.

Київ 2018

Розробник: доц. Зубенко Віталій Володимирович, к.ф.-м.н.,
доцент кафедри теорії та технології програмування

ЗАТВЕРДЖЕНО

В.о. завідувача кафедри теорії та технологій програмування

(Т.В. Панченко)

(підпис)

(прізвище та ініціали)

Протокол № ____ від «____» ____ 2018 р.

Схвалено науково-методичною комісією факультету комп'ютерних наук та кібернетики

Протокол від «____» _____ 2018 року №____

Голова науково-методичної комісії _____ Д.Я. Хусайнов
(підпись) (прізвище та ініціали)

«_____» _____ 2018 року

Затверджено вчену радою факультету комп'ютерних наук та кібернетики

Протокол від «_____» 2018 року №_____

Голова вченої ради факультету _____ А.В. Анісімов
(підпись) (прізвище та ініціали)

ВСТУП

1. Мета дисципліни – засвоєння базових знань з основ математичної логіки та теорії алгоритмів, включаючи вивчення семантичних моделей та формальних мов логіки, вивчення формально-аксіоматичних логічних систем та систем пошуку доведень, вивчення формальних моделей алгоритмів та алгоритмічно обчислюваних функцій, питань обчислюваності, розв'язності та нерозв'язності масових проблем.

2. Попередні вимоги до опанування навчальної дисципліни:

1. **Знати:** базові поняття дискретної математики: основи теорії множин, теорії відношень, теорії булевих функцій.

2. **Вміти:** встановлювати основні теоретико-множинні співвідношення, використовувати апарат теорії булевих функцій.

3. Анотація навчальної дисципліни (до 700 символів):

Навчальна дисципліна «Теорія алгоритмів та математична логіка» є складовою освітньо-професійної програми підготовки фахівців за першим (бакалаврським) рівнем вищої освіти галузі знань №12 «Інформаційні технології» зі спеціальністю №124 «Системний аналіз» освітньо-професійної програми „Системний аналіз”.

Дана дисципліна є обов'язковою навчальною за **програмою „Системний аналіз”**

Викладається у 4 семестрі 2 курсу в обсязі – 120 год. (4 кредити ECTS), зокрема:
лекції – 30 год., практичні заняття – 30 год., самостійна робота – 60 год. У курсі передбачено 3 контрольні роботи та колоквіум. Завершується дисципліна – заліком в 4 семестрі.

В результаті вивчення навчальної дисципліни студент повинен:

знати основні поняття, засоби і методи математичної логіки та теорії алгоритмів, їхні застосування в галузі системного аналізу й інформаційних технологій; мови пропозиційної логіки та логіки 1-го порядку, їхні можливості для опису предметних областей; мати сучасні уявлення про основні методи пошуку доведень та засоби логічного виведення, знати основні формальні моделі алгоритмів та обчислюваних функцій; властивості рекурсивних та рекурсивно перелічних множин, рекурсивних та частково-рекурсивних предикатів, арифметичних множин та предикатів; мати сучасні уявлення про розв'язність, часткову розв'язність та нерозв'язність масових проблем;

вміти описувати засобами формальних мов твердження стосовно тих чи інших предметних областей; встановлювати істинність та виконуваність, наявність логічного наслідку; встановлювати виразність та невиразність (використовуючи метод автоморфізмів) предикатів у моделях мови; проводити виведення в численнях гільбертівського типу, резолютивні виведення, виведення в численнях генценівського типу (секвенційних численнях), будувати формальні моделі алгоритмів та обчислюваних функцій, використовувати тезу Чорча; встановлювати розв'язність, часткову розв'язність та нерозв'язність масових проблем, їх звідності.

Дисципліна "Математична логіка та теорія алгоритмів" є базовою для засвоєння матеріалу нормативних дисциплін "Основи проектування баз знань", "Бази даних та інформаційні системи", "Проблеми оцінювання, розпізнавання та моделювання систем", "Прикладні проблеми теорії прийняття рішень", низки спецкурсів відповідного напряму.

4. Завдання (навчальні цілі):

набуття знань, умінь та навичок (компетенцій) на рівні новітніх досягнень у математичній логіці та теорії алгоритмів відповідно до кваліфікації фахівець з системного аналізу.

Зокрема, розвивати:

- здатність до абстрактного мислення, аналізу та синтезу;
- здатність застосовувати знання у практичних ситуаціях;
- здатність планувати та управляти часом;
- знання та розуміння предметної області та розуміння професійної діяльності;
- здатність спілкуватися державною мовою як усно, так і письмово;
- здатність до пошуку, оброблення та аналізу інформації з різних джерел;
- здатність бути критичним і самокритичним;
- здатність генерувати нові ідеї (креативність);
- здатність оцінювати та забезпечувати якість виконуваних робіт;
- здатність математично формалізувати проблеми, що описані природною мовою, розпізнавати загальні підходи до математичного моделювання конкретних процесів;
- здатність будувати математично коректні моделі статичних та динамічних процесів і систем із зосередженими та розподіленими параметрами із врахуванням невизначеності зовнішніх та внутрішніх факторів;
- здатність виділяти основні чинники, які впливають на розвиток фізичних, економічних, соціальних процесів, відокремлювати в них стохастичні та невизначені фактори, формулювати ці фактори у вигляді випадкових або нечітких величин, векторів, процесів та досліджувати залежності між ними;
- здатність до комп’ютерної реалізації математичних моделей реальних систем і процесів; проектувати, застосовувати і супроводжувати програмні засоби моделювання, прийняття рішень, оптимізації обробки інформації, інтелектуального аналізу даних;
- здатність представляти математичні аргументи і висновки з них з ясністю і точністю і в таких формах, які підходять для аудиторії як усно так і в письмовій формі.

5. Результати навчання за дисципліною:

Результат навчання (1. знати; 2. вміти; 3. комунікація; 4. автономність та відповідальність)		Форми (та/або методи і технології) викладання і навчання	Методи оцінювання та пороговий критерій оцінювання (за необхідності)	Відсоток у підсумковій оцінці з дисципліни
Код	Результат навчання			
PH1.1	Знати основні поняття, засоби і методи математичної логіки, їх застосування в інформаційних технологіях та системному аналізі, знати мови пропозиційної логіки та логіки 1-го порядку, їх можливості для опису предметних областей.	Лекція, самостійна робота	Колоквіум, контрольна робота	24%
PH1.2	Знати основні методи пошуку доведень та засоби логічного виведення: метод резолюцій, числення гільбертівського та генценівського типу).	Лекція, самостійна робота	Колоквіум, контрольна робота	14%
PH1.3	Знати основні формальні моделі алгоритмів та обчислюваних функцій, їх властивості, тезу Чорча, знати кодування та нумерації, універсалні функції та програми	Лекція, самостійна робота	Колоквіум, контрольна робота	16%
PH2.1	Вміти описувати засобами формальних мов 1-го порядку твердження стосовно тих чи інших	практичні заняття,	Контрольна	26%

	предметних областей; встановлювати істинність пропозиційних формул, безкванторних формул, формул 1-го порядку; встановлювати наявність логічного наслідку; встановлювати виразність та невиразність предикатів у моделях мови. проводити виведення в пропозиційних численнях та в першопорядкових численнях гільбертівського типу та генценівського типу	<i>самостійна робота</i>	<i>робота</i>	
PH2.2	<i>Vміти</i> проводити виведення в пропозиційних численнях та в першопорядкових численнях гільбертівського типу та генценівського типу	<i>практичні заняття, самостійна робота</i>	<i>Контрольна робота</i>	<i>14%</i>
PH3.1	<i>Обґрунтовувати</i> власний погляд на задачу та спосіб її розв'язання, спілкуватися з колегами з питань застосування апарату математичної логіки та теорії алгоритмів.	<i>практичні заняття, самостійна робота</i>	<i>Поточне оцінювання</i>	<i>6%</i>

6. Співвідношення результатів навчання дисципліни із програмними результатами навчання

Результати навчання дисципліни Програмні результати навчання	1.1	1.2	1.3	2.1	2.2	3.1
<i>(з опису освітньої програми)</i>						
ПР 2. Вміти розпізнавати стандартні схеми для розв'язання комбінаторних та логічних задач, що сформульовані природною мовою; застосовувати класичні алгоритми для перевірки властивостей та класифікації об'єктів, множин, відношень, графів, груп, кілець, решіток, булевих функцій тощо.	+	+	+	+	+	+
ПР 9. Розуміти українську та іноземну мови на рівні, достатньому для обробки фахових інформаційно-літературних джерел, професійного усного і письмового спілкування, написання текстів за фаховою тематикою.						+

7. Схема формування оцінки

7.1. Форми оцінювання студентів:

- семестрове оцінювання (максимальна кількість балів):

1. Контрольна робота 1: PH 1.1, PH 2.2 – 10 балів
2. Контрольна робота 2: PH 1.1, PH 2.1 – 14 балів
3. Контрольна робота 3: PH 1.2, PH 1.3, PH 2.2 – 12 балів
4. Колоквіум: PH 1.1 – PH 1.3 – 18 балів
5. Робота студентів на практичних заняттях: PH 3.1 – 6 балів

- підсумкове оцінювання (у формі заліку):

- максимальна кількість балів які можуть бути отримані студентом: 40 балів;
- результати навчання які будуть оцінюватись: PH 1.1 – PH 1.3, PH 2.1 – PH 2.2
- форма проведення і види завдань: письмова форма

Види завдань:

Структура залікової роботи та критерії оцінювання:

1. Теоретичне запитання (PH 1.1 – PH 1.2).
2. Теоретичне запитання (PH 1.2 – PH 1.3).
3. 6 тестових завдань (PH 2.1).
4. Письмове завдання (PH 2.1).
5. Письмове завдання (PH 2.2).

Критерії оцінювання екзаменаційної роботи

Завдання	Вид завдання	Максимальний бал (відсоток)	Всього балів (відсотків)
Завдання 1, 2	Теоретичне запитання	по 9 балів (22.5 %)	18 балів (45 %)
Завдання 3	6 тестових завдань	по 2.5 бали (6.25 %)	15 балів (37.5 %)
Завдання 4	Письмове завдання	3 бали (7.5 %)	3 бали (7.5 %)
Завдання 5	Письмове завдання	4 бали (10 %)	4 бали (10 %)
Всього			40 балів (100%)

Студент допускається до заліку, якщо він під час семестру набрав не менше 24 балів, у тому числі набрав не менше 18 балів за контрольні роботи

Для отримання загальної позитивної оцінки з дисципліни оцінка за залік не може бути меншою 24 балів

Перелік питань для підготовки до заліку

01. Предмет математичної логіки. Становлення та розвиток логіки. Основні закони традиційної логіки.
02. Поняття висловлення, предиката. Числення; формальні системи. Поняття логічної системи. Поняття алгоритму; алгоритмічна обчислюваність, перелічність, розв'язність.
03. Пропозиційна логіка. Композиції пропозиційного рівня (логічні зв'язки). Мова ПЛ. Тавтології.
04. Логічний (тавтологічний) наслідок, логічна (тавтологічна) еквівалентність. Теорема еквівалентності. Логічний наслідок для множин формул.
05. Пропозиційне числення. Приклади виведень в ПЧ. Теорема тавтології, наслідки ТТ. Коректність, повнота, розв'язність ПЧ.
06. Пошук виведень. Метод резолюцій для пропозиційної логіки.
07. Поняття секвенції. Секвенційні форми, секвенційні дерева. Пропозиційне секвенційне числення. Теореми коректності та повноти ПСЧ, доведення повноти методом модельних (Хінтікківських) множин.
08. Композиційні системи, композиційні алгебри. Композиції номінативного рівня. Реномінації. Суперпозиції. Квантори. Композиції рівності.
09. Реномінативні неокласичні числення Гільбертівського та Генценівського типу, їх коректність та повнота.
10. Класичні логіки 1-го порядку, їх мови. Терми, формули. Вільні, зв'язані змінні. Колізії. Замкнені формули.
11. Інтерпретації мов 1-го порядку. Алгебраїчні системи (AC). Виразність предикатів, множин, функцій в AC.
12. Мова арифметики. Арифметичні предикати, множини, функції. Істинні арифметичні формули.
13. Істинність та виконуваність формул. Всюди істинні формули. Тавтології. Істинність та скінченно-істинність.
14. Тавтологічний, логічний, слабкий логічний наслідок. Відношення логічного наслідку для множин формул.
15. Логічна еквівалентність. Еквівалентні перетворення формул. Теорема еквівалентності; теореми рівності.
16. Пренексні операції. Пренексна нормальна форма. Сколемівська нормальна форма.
17. Гомоморфізми, ізоморфізми, автоморфізми AC. Підсистеми. Фактор-системи; канонічний гомоморфізм.
18. Теореми про гомоморфізми, ізоморфізм. Елементарна еквівалентність, зв'язок з ізоморфізмом.
19. Теорема виразності. Доведення невиразності предикатів за допомогою автоморфізмів.
20. Теорії 1-го порядку (Th_1); логічні аксіоми і правила виведення. Приклади Th_1 ; числення предикатів 1-го порядку, формальна арифметика. Моделі Th_1 ; теорема істинності.
21. Теорема тавтології, її використання для виведень в Th_1 . Теорема дедукції.
22. Поняття несуперечливості та максимальності (повноти) теорій 1-го порядку. Теорема Лінденауза.
23. Поняття перелічності та розв'язності теорій 1-го порядку. Теорема про розв'язність.
24. Теорема Гьоделя про повноту. Теорема компактності.
25. Теореми Льовенгейма-Сколема. Парадокси Сколема. Нестандартні моделі формальної арифметики.
26. Категоричність теорій 1-го порядку. Теорема Лося-Воота.
27. Теореми Гьоделя про неповноту, їх значення.
28. Теорема Ербрана. Метод спростування Ербрана.
29. Поняття уніфікатора; найзагальніший уніфікатор. Метод резолюцій для логік 1-го порядку.

30. Секвенційні числення класичних логік 1-го порядку. Теорема про контрмоделі, теореми коректності та повноти.
31. Наслідки теореми повноти секвенційних числень. Теореми компактності.

7.2. Організація оцінювання:

Терміни проведення форм оцінювання:

- 1. Контрольна робота 1: до 4 тижня семестру.*
- 2. Контрольна робота 2: до 8 тижня семестру.*
- 3. Контрольна робота 3: до 10 тижня семестру.*
- 4. Колоквіум: до 12 тижня семестру.*

Студент має право на одне перескладання контрольної роботи та колоквіуму із можливістю отримання максимально таких балів:

за контрольні роботи – 8, 12 та 10 балів,
за колоквіум – 15 балів.

Термін перескладання визначається викладачем.

У випадку відсутності студента з поважних причин відпрацювання та передачі контрольних робіт та колоквіуму здійснюються у відповідності до „Положення про порядок оцінювання знань студентів при кредитно-модульній системі організації навчального процесу” від 1 жовтня 2010 року.

7.3. Шкала відповідності оцінок

Відмінно / Excellent	90-100
Добре / Good	75-89
Задовільно / Satisfactory	60-74
Незадовільно / Fail	0-59
Зараховано / Passed	60-100

8. СТРУКТУРА НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ

ТЕМАТИЧНИЙ ПЛАН ЛЕКЦІЙ І ПРАКТИЧНИХ ЗАНЯТЬ

СТРУКТУРА НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ

ТЕМАТИЧНИЙ ПЛАН ЛЕКЦІЙ І СЕМІНАРСЬКИХ ЗАНЯТЬ

№ лек ції	Назва лекції	Кількість годин		
		Лекції	Практ. заняття	Сам. р-та
Частина 1. Основи математичної логіки				
1.	Тема 1. Основні поняття логіки.	2	2	4
2-3.	Тема 2. Пропозиційна логіка. Теорема тавтологій.	4	4	4
4.	Тема 3. Секвенційне та резолюційне числення.	2	2	4
5-6.	Тема 4. Логіки 1-го порядку.	4	4	4
7-8.	Тема 5. Числення логік 1-го порядку. Теорії 1-го порядку. Теорема Гьоделя про повноту. Секвенційні числення.	4	4	4
Контрольна робота № 1				
Колоквіум (за матеріалами частини 1)				
Всього по частині 1		16	16	20
Частині 2. Формальні моделі алгоритмів та обчислюваних функцій. Нумерації				
9-10.	Тема 6. Формальні моделі алгоритмів.	4	4	6
11.	Тема 7. Частково рекурсивні функції. Програмовані функції. Теза Чорча.	2	2	6
12.	Тема 8. Нумерації. Універсальні функції.	2	2	8
Контрольна робота № 2				
Всього по частині 2		8	8	20
Частина 3. Розв'язність та нерозв'язність. Звідності. Складність обчислень				
13.	Тема 9. Рекурсивні та рекурсивно перелічні множини. Рекурсивні та частково рекурсивні предикати	2	2	6
14.	Тема 10. Нерозв'язність та часткова розв'язність. Індексні множини. Теорема Райса.	2	2	6
15.	Тема 11. Звідності. Відносна обчислюваність. Складність обчислень. Арифметична ієрархія.	2	2	8
Контрольна робота № 3				
Всього по частині 3		6	6	20
ВСЬОГО		30	30	60

Загальний обсяг – **120 год.**, у тому числі:

Лекцій – **30 год.**,

Практичних занять – **30 год.**,

Самостійна робота – **60 год.**

Теми, винесені на самостійне вивчення

Софізми. Парадокси. Розвиток основних понять логіки.

Композиційно-номінативний підхід до побудови програмно-орієнтованих логічних формалізмів

Доведення теореми тавтології.

Метод модельних множин.

Реномінативні числення. Реномінативні та безкванторно-функціональні логіки з рівністю.

Класичні алгебраїчні системи, їх властивості.

Сколемівська нормальна форма. Сколемізація, інверсна сколемізація

Фактор-системи. Канонічний гомоморфізм. Теореми про гомоморфізми та ізоморфізм.

Логіки квазіарних предикатів. Неокласичні логіки еквітонних предикатів кванторного рівня; семантичні властивості; нормальні форми.

Логіки еквітонних предикатів функціональних рівнів.

Теорема редукції. Синтаксичні теореми еківалентності, рівності.

Числення Гільбертівського типу неокласичних логік 1-го порядку

Доведення теореми Гьоделя про повноту.

Теорема Ербрана.

Алгоритми знаходження найзагальнішого уніфікатора. Повнота методу резолюцій.

Секвенційні числення логік функціональних рівнів.

Теорема Генцена про елімінацію перетинів.

9. Рекомендовані джерела:

Основні

1. Клини С. Математическая логика. – М.: Наука, 1973.
2. Лавров И.А., Максимова Л.Л. Задачи по теории множеств, математической логике и теории алгоритмов. – М., 2001.
3. Мендельсон Э. Введение в математическую логику. – М., 1976.
4. Непейвода Н.Н. Прикладная логика. – Новосибирск, 2000.
5. Нікітченко М.С., Шкільняк С.С. Прикладна логіка. – К., 2013.
6. Нікітченко М.С., Шкільняк С.С. Математична логіка та теорія алгоритмів. – К., 2008.
7. Шенфілд Дж. Математическая логика. – М., 1975.
8. Шкільняк С.С. Математична логіка: приклади і задачі. – К., 2007.

Додаткові

9. Андон Ф.И., Ящунин А.Е., Резниченко В.А. Логические модели интеллектуальных информационных систем. – К., 1999.
10. Булос Дж., Джифри Р. Вычислимость и логика. – М., 1994.
11. Глушков В.М., Цейтлин Г.Е., Ющенко Е.Л. Алгебра, языки, программирование. – К., 1978.
12. Зубенко В.В., Омельчук Л.Л. Програмування. – К., 2011.
13. Капітонова Ю.В., Кривий С.Л., Летичевський О.А. та ін. Основи дискретної математики. – К., 2002.
14. Катленд Н. Вычислимость. Введение в теорию рекурсивных функций. – М., 1983.
15. Клини С. Введение в метаматематику. – М., 1957.
16. Лисовик Л.П., Редько В.Н. Алгоритмы и формальные системы. – К., 1981.
17. Лісовик Л.П., Шкільняк С.С. Теорія алгоритмів. – К., 2003.
18. Мальцев А.И. Алгебраические системы. – М., 1970.
19. Нікітченко М.С., Шкільняк С.С. Основи математичної логіки. – К., 2006.
20. Семантика модальных и интенсиональных логик. – М., 1981.
21. Смирнова Е.А. Логика и философия. – М., 1996.
22. Справочная книга по математической логике (под ред. Дж. Барвайса): В 4 т. – М., 1982–1983.
23. Такеути Г. Теория доказательств. – М., 1978.
24. Фейс Р. Модальная логика. – М., 1974.
25. Чень Ч., Ли Р. Математическая логика и автоматическое доказательство теорем. – М., 1983.
26. Шкільняк С.С. Математична логіка. Електронний навчальний посібник // Репозитарій електронних ресурсів КНУ. – 2012. – <http://195.68.210.50/moodle>.
27. Belnap N., Steel T. The logic of questions and answers. – New Haven and London: Yale Univ. Press, 1976.
28. Gabbay D. Elementary logic (A procedural perspective). – Prentice Hall Europe, 1998.